

### Пример 3.

## ЗАКОН ОМА ДЛЯ ВСЕЙ ЦЕПИ.

*Так как в открытии тайн и исследовании скрытых причин вещей от точных опытов и доказанных положений получают более прочные выводы, нежели от вероятных догадок и мнений рутинных философов, то для лучшего понимания неизвестной доселе славной субстанции, мы поставили себе задачей начать с обыкновенной каменной или железной материи, а также с тел, которые можно трогать руками и воспринимать чувствами, а затем уже идти далее через очевидные опыты и впервые проникнуть в сокровенную глубь Земли (1600) [1].*

— Вильям Гильберт

Мы только что видели, что закон Ома для участка цепи

$$\mathcal{J} = \frac{U}{R}$$

с точностью до обозначений и физической интерпретации имеет то же самое строение или, другими словами, ту же самую физическую структуру, что и рассмотренный в самом начале закон Ньютона.

Что же касается закона Ома для всей цепи

$$\mathcal{J} = \frac{\mathcal{E}}{R + r}, \quad (1)$$

то его строение – его физическая структура – существенно отличается от физической структуры закона Ома для участка цепи и потому мы рассмотрим его более подробно.

Входящие в (1) физические величины – сила тока  $\mathcal{J}$ , сопротивление проводника  $R$ , электродвижущая сила  $\mathcal{E}$  и внутреннее сопротивление  $r$  источника тока  $\overleftarrow{\alpha}$  – имеют, как и в законе Ньютона, различную математическую природу.

Так, сопротивление  $R_i$  является числовой функцией одной нечисловой переменной – проводника  $i$ , то есть

$$\begin{aligned} R &: \mathfrak{M} \rightarrow \mathbb{R} \\ i &\mapsto R_i, \end{aligned}$$

где  $\mathfrak{M} = \{i, k, \dots\}$  – множество различных проводников  $i, k, \dots$ .

Электродвижущая сила  $\mathcal{E}_{\overleftarrow{\alpha}}$  и внутреннее сопротивление  $r_{\overleftarrow{\alpha}}$  являются двумя компонентами другой функции одной нечисловой переменной – источника тока  $\overleftarrow{\alpha}$ , то есть

$$\begin{aligned}\Psi : \mathfrak{N} &\rightarrow \mathbb{R}^2 \\ \overleftarrow{\alpha} &\mapsto \mathcal{E}_{\overleftarrow{\alpha}}, r_{\overleftarrow{\alpha}},\end{aligned}$$

где  $\mathfrak{N} = \{ \overleftarrow{\alpha}, \overleftarrow{\beta}, \dots \}$  — множество источников тока; сила же тока  $\mathcal{J}$  является новой числовой функцией двух нечисловых переменных — источника тока  $\overleftarrow{\alpha}$  и проводника  $i$ , то есть

$$\begin{aligned}\mathcal{J} : \mathfrak{N} \times \mathfrak{M} &\rightarrow \mathbb{R} \\ \overleftarrow{\alpha}, i &\mapsto \mathcal{J}_{\overleftarrow{\alpha}i}.\end{aligned}$$

Итак, специально выделяя независимые нечисловые переменные

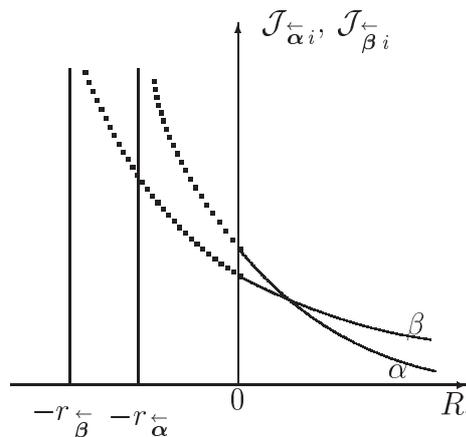
$$\overleftarrow{\alpha} \in \mathfrak{N} \quad \text{и} \quad i \in \mathfrak{M}$$

перепишем закон Ома (1) в виде

$$\mathcal{J}_{\overleftarrow{\alpha}i} = \frac{\mathcal{E}_{\overleftarrow{\alpha}}}{R_i + r_{\overleftarrow{\alpha}}}. \quad (2)$$

Таким образом, закон Ома в форме (2) представляет собой связь между существенно разнородными физическими величинами — одноиндексными сопротивлением  $R_i$  проводника  $i$ , электродвижущей силой  $\mathcal{E}_{\overleftarrow{\alpha}}$  и внутренним сопротивлением  $r_{\overleftarrow{\alpha}}$  источника тока  $\overleftarrow{\alpha}$ , с одной стороны, и двухиндексной силой тока  $\mathcal{J}_{\overleftarrow{\alpha}i}$  — с другой, т. е.

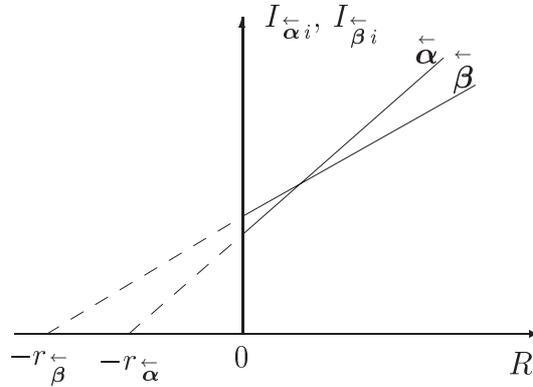
$$\mathcal{J}_{\overleftarrow{\alpha}i} = \varphi(R_i; \mathcal{E}_{\overleftarrow{\alpha}}, r_{\overleftarrow{\alpha}})$$



Зависимость силы тока  $\mathcal{J}_{\overleftarrow{\alpha}i}$  от сопротивления проводника  $R_i$  и внутреннего сопротивления  $r_{\overleftarrow{\alpha}}$  источника тока  $\overleftarrow{\alpha}$ .

Удобно вместо силы тока  $\mathcal{J}_{\vec{\alpha}i}$  рассматривать величину, ей обратную

$$\frac{1}{\mathcal{J}_{\vec{\alpha}i}} = I_{\vec{\alpha}i} = \frac{R_i + r_{\vec{\alpha}}}{\mathcal{E}_{\vec{\alpha}}}$$



Зависимость величины  $I_{\vec{\alpha}i}$ , равной обратной величине силы тока  $\mathcal{J}_{\vec{\alpha}i}$ , от сопротивления проводника  $R_i$  и внутреннего сопротивления  $r_{\vec{\alpha}}$  источника тока  $\vec{\alpha}$ .

Итак, закон Ома для всей цепи в форме с явно выделенными нечисловыми переменными имеет следующий вид:

$$\frac{1}{\mathcal{J}_{\vec{\alpha}i}} = I_{\vec{\alpha}i} = \frac{R_i}{\mathcal{E}_{\vec{\alpha}}} + \frac{r_{\vec{\alpha}}}{\mathcal{E}_{\vec{\alpha}}}$$

или

$$I_{\vec{\alpha}i} = \xi_{\vec{\alpha}} x_i + \sigma_{\vec{\alpha}}, \tag{3}$$

где

$$x_i = R_i; \quad \xi_{\vec{\alpha}} = \frac{1}{\mathcal{E}_{\vec{\alpha}}}, \quad \sigma_{\vec{\alpha}} = \frac{r_{\vec{\alpha}}}{\mathcal{E}_{\vec{\alpha}}}.$$

Однако, в отличие от закона Ома для участка цепи, когда источник напряжения  $a$  описывался одномерным вектором с одной единственной координатой  $\xi(\vec{a}) = \frac{1}{U(\vec{a})}$ , в законе Ома для всей цепи источник тока  $\vec{\alpha}$  характеризуется двумя физическими величинами – электродвижущей силой  $\mathcal{E}_{\vec{\alpha}}$  и внутренним сопротивлением  $r_{\vec{\alpha}}$  – и описывается одномерным **криптовектором**  $\vec{\alpha}$  с одной координатой  $\xi(\vec{\alpha}) = \frac{1}{\mathcal{E}(\vec{\alpha})}$  и с одним скрытым параметром  $\sigma(\vec{\alpha}) = \frac{r(\vec{\alpha})}{\mathcal{E}(\vec{\alpha})}$ .

Далее, в отличие от закона Ома для участка цепи, когда проводник  $i$  описывался одномерным **вектором** с одной единственной координатой  $x(\vec{i}) = R(\vec{i})$ , в законе Ома для всей цепи проводник  $i$  по-прежнему характеризуется одной физической величиной – сопротивлением  $x(i) = R(i)$ , но при этом описывается одномерной **точкой** без внутренней степени свободы.

Итак, подведём итоги:

1. В случае закона Ома для всей цепи *репрезентатором* является

$$I_{\bar{\alpha}i} = \frac{1}{\mathcal{J}_{\bar{\alpha}i}^{\leftarrow}}$$

– величина обратная силе тока  $\mathcal{J}_{\bar{\alpha}i}^{\leftarrow}$ , протекающего через проводник  $i$  при подключении к нему источника тока  $\bar{\alpha}$ .

2. Каждый левый источник тока  $\bar{\alpha}$  характеризуется одномерным ковариантным **1-криптовектором-строкой**:

$$\bar{\alpha} \longleftrightarrow \left( 0; \xi_1(\bar{\alpha}); \sigma_{\bar{\alpha}} \right) = \left( 0; \frac{1}{\mathcal{E}_{\bar{\alpha}}^{\leftarrow}}; \frac{r_{\bar{\alpha}}^{\leftarrow}}{\mathcal{E}_{\bar{\alpha}}^{\leftarrow}} \right).$$

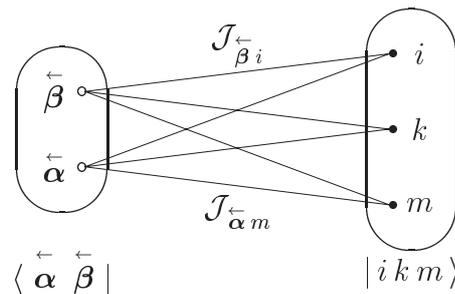
Каждый правый проводник  $i$  характеризуется одномерной контравариантной **1-точечной** матрицей-столбцом:

$$i \longleftrightarrow \begin{pmatrix} 0 \\ x^1(i) \\ 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0 \\ R_i \\ 1 \end{pmatrix}$$

3. Таким образом, обратное значение тока  $I_{\bar{\alpha}i}$  представляет собой скалярное произведение двух матриц, одна из которых (**1-криптовекторная**) характеризует источник тока  $\bar{\alpha}$ , а другая (**1-точечная**) – проводник  $i$ :

$$\begin{aligned} I_{\bar{\alpha}i} &= \left( 0; \xi_1(\bar{\alpha}); \sigma_{\bar{\alpha}} \right) \cdot \begin{pmatrix} 0 \\ x^1(i) \\ 1 \end{pmatrix} = \left( 0; \frac{1}{\mathcal{E}_{\bar{\alpha}}^{\leftarrow}}; \frac{r_{\bar{\alpha}}^{\leftarrow}}{\mathcal{E}_{\bar{\alpha}}^{\leftarrow}} \right) \cdot \begin{pmatrix} 0 \\ R_i \\ 1 \end{pmatrix} = \\ &= \xi_1(\bar{\alpha}) x^1(i) + \sigma_{\bar{\alpha}} = \frac{1}{\mathcal{E}_{\bar{\alpha}}^{\leftarrow}} R_i + \frac{r_{\bar{\alpha}}^{\leftarrow}}{\mathcal{E}_{\bar{\alpha}}^{\leftarrow}} \end{aligned}$$

4. Закон Ома для всей цепи как *сакральное отношение* между **2-криптовекторным** кортом источников тока  $\langle \bar{\alpha} \bar{\beta} |$  и **3-точечным** кортом проводников  $| i k m \rangle$  описывается следующей сакральной диаграммой:



5. Закон Ома для всей цепи в сакрально-инвариантной форме формулируется следующим образом:

для любых двух источников тока  $\overleftarrow{\alpha}, \overleftarrow{\beta} \in \mathfrak{N}$  и любых трёх проводников  $i, k, m \in \overline{\mathfrak{M}}$  имеет место следующее сакральное тождество:

$$\mathbb{K}_{\overleftarrow{\alpha}\overleftarrow{\beta}; i k m}^{01}(\overline{I}) = \begin{vmatrix} 0 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & I_{\overleftarrow{\alpha}i} & I_{\overleftarrow{\alpha}k} & I_{\overleftarrow{\alpha}m} \\ 0 & I_{\overleftarrow{\beta}i} & I_{\overleftarrow{\beta}k} & I_{\overleftarrow{\beta}m} \\ -1 & 0 & 0 & 0 \end{vmatrix} \equiv 0$$

6. Разложение фундаментальной матрицы на матричные множители:

$$\mathbb{K}_{\overleftarrow{\alpha}\overleftarrow{\beta}; i k m}^{01}(\overline{I}) = \mathbb{X}(\overleftarrow{\alpha}, \overleftarrow{\beta})_{1;0} \cdot \mathbb{X}^{1;0}(i, k, m)$$

7. Координатная матрица ковариантного **2-криптовекторного** корта  $\langle \overleftarrow{\alpha} \overleftarrow{\beta} |$  источников тока

$$\mathbb{X}(\overleftarrow{\alpha}, \overleftarrow{\beta})_{1;0} = \begin{pmatrix} 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & \xi_1(\overleftarrow{\alpha}) & 0 & \sigma_{\overleftarrow{\alpha}} \\ 0 & \xi_1(\overleftarrow{\beta}) & 0 & \sigma_{\overleftarrow{\beta}} \\ -1 & 0 & 0 & 0 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & \frac{1}{\mathcal{E}_{\overleftarrow{\alpha}}} & 0 & \frac{r_{\overleftarrow{\alpha}}}{\mathcal{E}_{\overleftarrow{\alpha}}} \\ 0 & \frac{1}{\mathcal{E}_{\overleftarrow{\beta}}} & 0 & \frac{r_{\overleftarrow{\beta}}}{\mathcal{E}_{\overleftarrow{\beta}}} \\ -1 & 0 & 0 & 0 \end{pmatrix}$$

8. Ковариантный объём **1-криптовекторного** корта  $\langle \overleftarrow{\alpha} |$  источника тока

$$V(\overleftarrow{\alpha})_1 = | \xi_1(\overleftarrow{\alpha}) | = \left| \frac{1}{\mathcal{E}_{\overleftarrow{\alpha}}} \right|$$

9. Ковариантный объём **2-криптовекторного** корта  $\langle \overleftarrow{\alpha} \overleftarrow{\beta} |$  источников тока

$$V(\overleftarrow{\alpha}, \overleftarrow{\beta})_{1;0} = \begin{vmatrix} \xi_1(\overleftarrow{\alpha}) & 0 \\ \xi_1(\overleftarrow{\beta}) & 0 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} \frac{1}{\mathcal{E}_{\overleftarrow{\alpha}}} & 0 \\ \frac{1}{\mathcal{E}_{\overleftarrow{\beta}}} & 0 \end{vmatrix} \equiv 0$$

10. Координатная матрица контравариантного **3-точечного** корта проводников  $| i k m \rangle$

$$\mathbb{X}^{1;0}(i, k, m) = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & x^1(i) & x^1(k) & x^1(m) \\ 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 1 & 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & R_i & R_k & R_m \\ 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 1 & 1 \end{pmatrix}$$

11. Контравариантный объём **2-точечного** корта проводников  $|i k\rangle$

$$W^1(i, k) = \begin{vmatrix} x^1(i) & x^1(k) \\ 1 & 1 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} R_i & R_k \\ 1 & 1 \end{vmatrix}$$

12. Контравариантный объём **3-точечного** корта проводников  $|i k m\rangle$

$$W^{1;0}(i, k, m) = \begin{vmatrix} x^1(i) & x^1(k) & x^1(m) \\ 0 & 0 & 0 \\ 1 & 1 & 1 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} R_i & R_k & R_m \\ 0 & 0 & 0 \\ 1 & 1 & 1 \end{vmatrix} \equiv 0$$

13. Разделение нечисловых переменных

$$K_{\alpha; i k}^{1;01}(\overset{1}{I}) = \begin{vmatrix} 0 & 1 & 1 \\ 0 & I_{\alpha i}^{\leftarrow} & I_{\alpha k}^{\leftarrow} \\ -1 & 0 & 0 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 0 & 0 & 1 \\ 0 & \xi_{\alpha}^{\leftarrow} & \sigma_{\alpha}^{\leftarrow} \\ -1 & 0 & 0 \end{vmatrix} \cdot \begin{vmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & x_i & x_k \\ 0 & 1 & 1 \end{vmatrix} = V(\overset{\leftarrow}{\alpha})_1 \cdot W^1(i, k)$$

$$K_{\alpha \beta; i k m}^{2;01}(\overset{1}{I}) = \begin{vmatrix} 0 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & I_{\alpha i}^{\leftarrow} & I_{\alpha k}^{\leftarrow} & I_{\alpha m}^{\leftarrow} \\ 0 & I_{\beta i}^{\leftarrow} & I_{\beta k}^{\leftarrow} & I_{\beta m}^{\leftarrow} \\ -1 & 0 & 0 & 0 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & \xi_{\alpha}^{\leftarrow} & 0 & \sigma_{\alpha}^{\leftarrow} \\ 0 & \xi_{\beta}^{\leftarrow} & 0 & \sigma_{\beta}^{\leftarrow} \\ -1 & 0 & 0 & 0 \end{vmatrix} \cdot \begin{vmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & x_i & x_k & x_m \\ 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 1 & 1 \end{vmatrix} = \\ = V(\overset{\leftarrow}{\alpha}, \overset{\leftarrow}{\beta})_{1;0} \cdot W^{1;0}(i, k, m) \equiv 0$$

Итак, на множестве проводников  $\overline{\mathfrak{M}}$  и множестве источников тока  $\mathfrak{N}$  обнаруживается физическая структура рода  $K_{\alpha \beta; i k m}^{2;01}(\overset{1}{I}) \equiv 0$  (физическая структура ранга (2, 3)), если в качестве репрезентатора  $I_{\alpha i}^{\leftarrow}$  взять обратную величину измеряемой силы тока, протекающего через проводник  $i$  при подключении к нему источника тока  $\overset{\leftarrow}{\alpha}$ .

Можно сказать, что закон Ома для всей цепи, записанный в хорошо известной традиционной форме

$$\mathcal{J} = \frac{\mathcal{E}}{R + r},$$

представляет собой внешнюю сторону электродинамики постоянных токов (её “явление”). Что же касается её глубинного содержания (её “сущности”), то оно заключено в её структуре – в существовании репрезентатора

$$I_{\alpha i}^{\leftarrow} = \xi_{\alpha}^{\leftarrow} x_i + \sigma_{\alpha}^{\leftarrow} = \frac{1}{\mathcal{E}_{\alpha}^{\leftarrow}} R_i + \frac{r_{\alpha}^{\leftarrow}}{\mathcal{E}_{\alpha}^{\leftarrow}},$$

верификатора

$$K_{\alpha \beta; i k m}^{2;01}(\overset{1}{I}) = V(\overset{\leftarrow}{\alpha}, \overset{\leftarrow}{\beta})_{1;0} \cdot W^{1;0}(i, k, m) = 0,$$

объёма  $V(\overset{\leftarrow}{\alpha}, \overset{\leftarrow}{\beta})_{1;0}$  **2-криптовекторного** корта источников тока  $\langle \overset{\leftarrow}{\alpha} \overset{\leftarrow}{\beta} |$  и объёма  $W^{1;0}(i, k, m)$  **3-точечного** корта проводников  $|i k m\rangle$ , тождественно обращающихся в нуль.

САКРАЛЬНАЯ ФОРМУЛИРОВКА ЗАКОНА  
ОМА ДЛЯ ВСЕЙ ЦЕПИ

$$\boxed{\boxed{K^{01}(\mathbf{u}) \equiv 0}}$$

$$\mathbf{u}_{\alpha i}^1 = \xi(\overleftarrow{\alpha})_1 x^1(i) + \sigma_{\overleftarrow{\alpha}} = \frac{R(i)}{\mathcal{E}(\alpha)} + \frac{\rho(\alpha)}{\mathcal{E}(\alpha)}$$

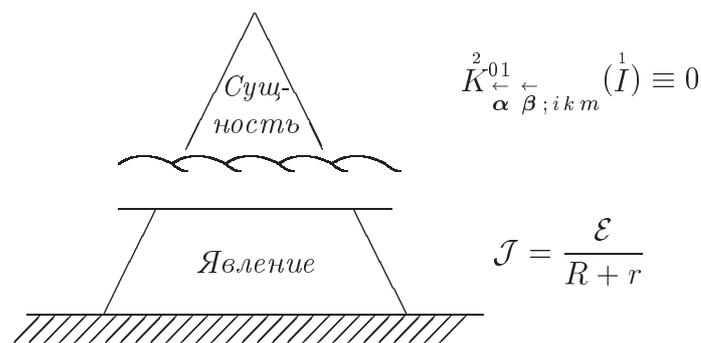
Заметки на полях

Заметим, что из равенства

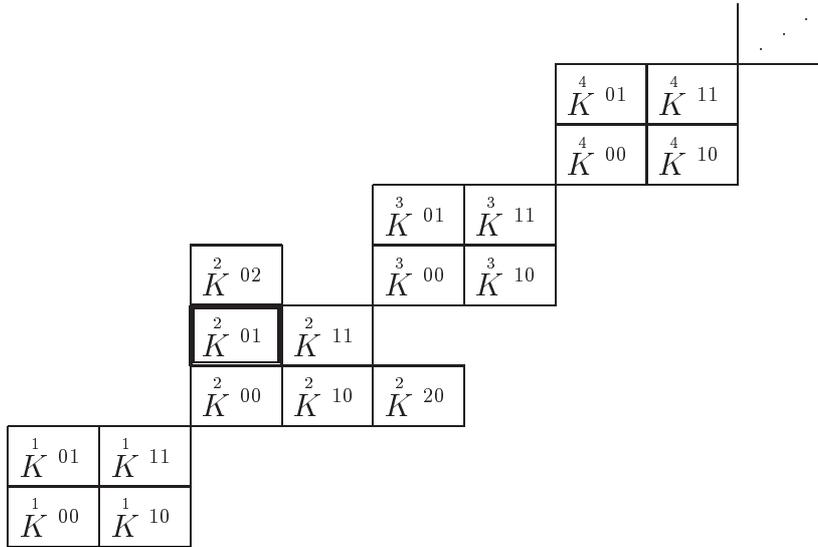
$$K_{\overleftarrow{\alpha}; ik}^{01}(\overset{1}{I}) = V(\overleftarrow{\alpha})_1 W^1(i, k)$$

вытекает следующее важное сакральное тождество:

$$K_{\overleftarrow{\alpha}; ik}^{01}(\overset{1}{I}) = K_{\overleftarrow{\alpha}; mn}^{01}(\overset{1}{I}) \cdot K_{\overleftarrow{\beta}; mn}^{01}(\overset{1}{I})^{-1} \cdot K_{\overleftarrow{\beta}; ik}^{01}(\overset{1}{I})$$



Явление и сущность закона Ома для всей цепи



*Место физической структуры, выражающей сущность закона Ома для всей цепи, среди всех возможных физических структур.*

Итак, сущность электродинамики постоянных токов для всей цепи состоит в существовании сакральных отношений между множеством левых источников тока  $\mathfrak{N}$  и множеством правых проводников  $\mathfrak{M}$ . При этом каждый источник тока  $\overleftarrow{\alpha}$  является **криптовектором** сакрального одномерного криптовекторного пространства, а каждый проводник  $i$  является **точкой** сакрального одномерного точечного пространства.

Другими словами, электродинамика постоянных токов для всей цепи является сакральной криптовектор-точечной геометрией на двух множествах различной природы, дополненной соответствующей физической интерпретацией.

Сущность закона Ома для всей цепи состоит в равенстве нулю скалярного произведения двухкриптовекторного корта источников тока  $\langle \overleftarrow{\alpha} \overleftarrow{\beta} |$  на трёхточечный корт проводников  $| i k m \rangle$ , объёмы каждого из которых тождественно равны нулю.

## Литература к Примеру 3

[1]. *Gilbert*. De Magnete, magneticisque corporibus et de magno magnete tellure. Physiologia nova. Londini, 1600.

Русский перевод: *В. Гильберт*. О магните, магнитных телах и о большом магните – Земле. - М.: Изд-во АН СССР, 1956.